

ষষ্ঠ অধ্যায়

অসমতা

সমীকরণ বা সমতা সম্পর্কে আমাদের ধারণা হয়েছে। কিন্তু বাস্তব জীবনে অসমতারও একটা বিস্তৃত ও গুরুত্বপূর্ণ ভূমিকা রয়েছে।

অধ্যায় শেষে শিক্ষার্থীরা –

- এক ও দুই চলকের এক ঘাত বিশিষ্ট অসমতা ব্যাখ্যা করতে পারবে।
- দুই চলকবিশিষ্ট সরল অসমতা গঠন ও সমাধান করতে পারবে।
- বাস্তবভিত্তিক গাণিতিক সমস্যায় অসমতা ব্যবহার করে সমাধান করতে পারবে।
- এক ও দুই চলকবিশিষ্ট অসমতাকে লেখচিত্রের সাহায্যে সমাধান করতে পারবে।

অসমতা

মনে করি একটি ক্লাশের ছাত্রসংখ্যা 200 জন। স্বাভাবিকভাবে দেখা যায় যে, ঐ ক্লাশে সবদিন সকলে উপস্থিত থাকে না, সকলে অনুপস্থিতও থাকে না। একটি নির্দিষ্ট দিনে উপস্থিত ছাত্র সংখ্যা x হলে আমরা লিখতে পারি $0 < x \leq 200$ । একই ভাবে আমরা দেখি যে, কোনোও একটি নিমন্ত্রিত অনুষ্ঠানে সবাই উপস্থিত হয় না। পোশাক-পরিচ্ছদ ও অন্যান্য অনেক ভোগ্যপণ্য তৈরিতে পরিকার ভাবে অসমতার ধারণা প্রয়োজন হয়। দালান তৈরির ক্ষেত্রে, পুস্তক মুদ্রণের ক্ষেত্রে এবং এরকম আরও অনেক ক্ষেত্রে উপাদানগুলো সঠিক পরিমাণে নির্ণয় করা যায় না বিধায় প্রথম পর্যায়ে অনুমানের ভিত্তিতে উপাদানগুলো ক্রয় বা সংগ্রহ করতে হয়। অতএব দেখা যাচ্ছে যে, আমাদের দৈনন্দিন জীবনে অসমতার ধারণাটা খুবই গুরুত্বপূর্ণ।

বাস্তব সংখ্যার ক্ষেত্রে

$a > b$ যদি ও কেবল যদি $(a-b)$ ধনাত্মক অর্থাৎ $(a-b) > 0$

$a < b$ যদি ও কেবল যদি $(a-b)$ ঋণাত্মক অর্থাৎ $(a-b) < 0$

অসমতার কয়েকটি বিধি:

(i) $a < b \Leftrightarrow b > a$

(ii) $a > b$ হলে যেকোনো c এর জন্য

$$a+c > b+c$$

$$\text{এবং } a-c > b-c.$$

(iii) $a > b$ হলে যেকোনো c এর জন্য

$$ac > bc ; \frac{a}{c} > \frac{b}{c}, \text{ যখন } c > 0$$

$$ac < bc ; \frac{a}{c} < \frac{b}{c}, \text{ যখন } c < 0$$

উদাহরণ-১। $x < 2$ হলে—

- | | |
|-----------------|----------------------------------|
| (i) $x+2 < 4$ | [উভয়পক্ষে 2 যোগ করে] |
| (ii) $x-2 < 0$ | [উভয়পক্ষে 2 বিয়োগ করে] |
| (iii) $2x < 4$ | [উভয়পক্ষকে 2 দ্বারা গুণ করে] |
| (iv) $-3x > -6$ | [উভয়পক্ষকে -3 দ্বারা গুণ করে] |

উল্লেখ্য $a \geq b$ এর অর্থ $a > b$ অথবা $a = b$.

$a \leq b$ এর অর্থ $a < b$ অথবা $a = b$.

$a < b < c$ এর অর্থ $a < b$ এবং $b < c$ যার অর্থ $a < c$.

উদাহরণ-২।

$3 \geq 1$ সত্য যেহেতু $3 > 1$.

$2 < 3 < 4$ সত্য যেহেতু $2 < 3$ এবং $3 < 4$.

কাজ: ১। তোমাদের শ্রেণির যে সকল ছাত্র-ছাত্রীর উচ্চতা 5 ফুটের চেয়ে বেশি এবং 5 ফুটের চেয়ে কম তাদের উচ্চতা অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।

২। কোনো পরীক্ষার মোট নম্বর 1000 হলে, একজন পরীক্ষার্থীর প্রাপ্ত নম্বর অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।

উদাহরণ ১। সমাধান কর ও সমাধান সেটটি সংখ্যারেখায় দেখাও: $4x + 4 > 16$

সমাধান : দেওয়া আছে, $4x + 4 > 16$

$\therefore 4x + 4 - 4 > 16 - 4$ [উভয়পক্ষ থেকে 4 বিয়োগ করে]

বা, $4x > 12$

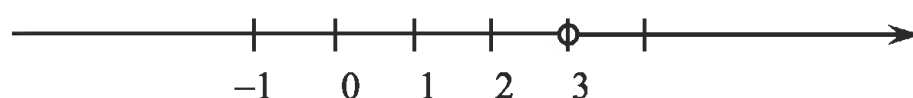
বা, $\frac{4x}{4} > \frac{12}{4}$ [উভয়পক্ষকে 4 দ্বারা ভাগ করে]

বা, $x > 3$

\therefore নির্ণেয় সমাধান $x > 3$

এখানে সমাধান সেট, $S = \{x \in R : x > 3\}$

সমাধান সেটটি নিচে অঙ্কিত সংখ্যারেখায় দেখানো হলো।



উদাহরণ ২। সমাধান কর এবং সমাধান সেট সংখ্যারেখায় দেখাও : $x - 9 > 3x + 1$

সমাধান : দেওয়া আছে, $x - 9 > 3x + 1$

$$\therefore x - 9 + 9 > 3x + 1 + 9$$

$$\text{বা, } x > 3x + 10$$

$$\text{বা, } x - 3x > 3x + 10 - 3x$$

$$\text{বা, } -2x > 10$$

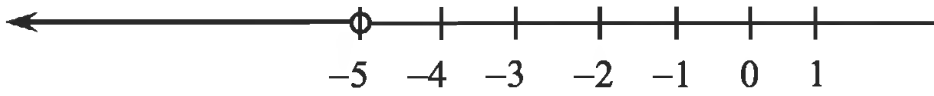
$$\text{বা, } \frac{-2x}{-2} < \frac{10}{-2}$$

[উভয়পক্ষকে -2 দ্বারা ভাগ করায়
অসমতার দিক পাল্টে গেছে]

$$\text{বা, } x < -5$$

$$\therefore \text{নির্ণেয় সমাধান } x < -5$$

সমাধান সেটটি নিচে অঙ্কিত সংখ্যা রেখায় দেখানো হলো।



বিঃদ্র: সমীকরণের সমাধান যেমন একটি সমীকরণ (সমতা) দ্বারা প্রকাশ পায়, তেমনি অসমতার সমাধান একটি অসমতা দ্বারা প্রকাশ পায়। অসমতার সমাধান সেট (সাধারণত) বাস্তব সংখ্যার অসীম উপসেট।

উদাহরণ ৩। সমাধান কর : $a(x + b) < c, [a \neq 0]$

সমাধান : a ধনাত্মক হলে, $\frac{a(x + b)}{a} < \frac{c}{a}$, [উভয়পক্ষকে a দ্বারা ভাগ করে],

$$x + b < \frac{c}{a} \quad \text{বা, } x < \frac{c}{a} - b$$

a ঋণাত্মক হলে একই প্রক্রিয়ায় পাই, $\frac{a(x + b)}{a} > \frac{c}{a}$

$$\text{বা, } x + b > \frac{c}{a} \quad \text{বা, } x > \frac{c}{a} - b$$

\therefore নির্ণেয় সমাধান : (i) $x < \frac{c}{a} - b$, যদি $a > 0$ হয়,

(ii) $x > \frac{c}{a} - b$, যদি $a < 0$ হয়।

বিঃদ্র: a যদি শূন্য এবং c যদি ধনাত্মক হয়, তবে x এর যেকোনো মানের জন্য অসমতাটি সত্য হবে। কিন্তু a যদি শূন্য এবং c ঋণাত্মক হয়, তবে অসমতাটির কোনো সমাধান থাকবে না।

প্রশ্নমালা ৬.১

অসমতাগুলো সমাধান কর এবং সংখ্যারেখায় সমাধান সেট দেখাও :

$$1. y - 3 < 5 \quad 2. 3(x - 2) < 6 \quad 3. 3x - 2 > 2x - 1 \quad 4. z \leq \frac{1}{2}z + 3$$

$$5. 8 \geq 2 - 2x \quad 6. x \leq \frac{x}{3} + 4 \quad 7. 5(3 - 2t) \leq 3(4 - 3t) \quad 8. \frac{x}{3} + \frac{x}{4} + \frac{x}{5} > \frac{47}{60}$$

অসমতার ব্যবহার

সমীকরণের সাহায্যে তোমরা সমস্যা সমাধান করতে শিখেছ। একই পদ্ধতিতে অসমতা সম্পর্কিত সমস্যার সমাধান করতে পারবে।

উদাহরণ ১। কোনো পরীক্ষায় বাংলা ১ম ও ২য় পত্রে রমা পেয়েছে যথাক্রমে $5x$ এবং $6x$ নম্বর এবং কুমকুম পেয়েছে $4x$ এবং 84 নম্বর। কোনো পত্রে কেউ ৪০ এর নিচে পায়নি। বাংলা বিষয়ে কুমকুম হয়েছে প্রথম এবং রমা হয়েছে দ্বিতীয়। x এর মান সম্ভাব্য অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।

সমাধান : রমা পেয়েছে মোট $5x + 6x$ নম্বর এবং কুমকুম পেয়েছে মোট $4x + 84$ নম্বর।

প্রশ্নমতে, $5x + 6x < 4x + 84$

বা, $5x + 6x < 4x + 84$ বা, $7x < 84$

বা, $x < \frac{84}{7}$ বা, $x < 12$

কিন্তু, $4x \geq 40$ [প্রাপ্ত সর্বনিম্ন নম্বর ৪০] বা, $x \geq 10$ বা $10 \leq x$

$\therefore 10 \leq x < 12$

উদাহরণ ২। একজন ছাত্র ৫ টাকা দরে x টি পেন্সিল এবং ৮ টাকা দরে $(x + 4)$ টি খাতা কিনেছে। মোট মূল্য অনূর্ধ্ব ৯৭ টাকা হলে, সর্বাধিক কয়টি পেন্সিল কিনেছে?

সমাধান : x টি পেন্সিলের দাম $5x$ টাকা এবং $(x + 4)$ টি খাতার দাম $8(x + 4)$ টাকা।

প্রশ্নমতে, $5x + 8(x + 4) \leq 97$

বা, $5x + 8x + 32 \leq 97$

বা, $13x \leq 97 - 32$

বা, $13x \leq 65$

বা, $x \leq \frac{65}{13}$

বা, $x \leq 5$

\therefore ছাত্রটি সর্বাধিক ৫টি পেন্সিল কিনেছে।

কাজ : ১৪০ টাকা কেজি দরে ডেভিড x কেজি আপেল কিনলেন। তিনি বিক্রেতাকে ১০০০ টাকার একখানা নোট দিলেন। বিক্রেতা ৫০ টাকার x খানা নোটসহ বাকী টাকা ফেরত দিলেন। সমস্যাটিকে অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর এবং x এর সম্ভাব্য মান নির্ণয় কর।

প্রশ্নমালা ৬.২

১–৫ পর্যন্ত সমস্যাগুলো অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর এবং x এর সম্ভাব্য মান নির্ণয় কর।

- ১। এক বালক ঘণ্টায় x কি. মি. বেগে ৩ ঘণ্টা হাঁটল এবং ঘণ্টায় $(x + 2)$ কি. মি. বেগে $\frac{1}{2}$ ঘণ্টা দৌড়াল এবং তার অতিক্রান্ত পথ ২৭ কি. মি. এর কম।
- ২। একটি বোর্ডিং-এ রোজ $4x$ কেজি চাল এবং $(x - 3)$ কেজি ডাল লাগে এবং চাল ও ডাল মিলে ৪০ কেজির বেশি লাগে না।
- ৩। ৭০ টাকা কেজি দরে সোহরাব সাহেব x কেজি আম কিনলেন। বিক্রেতাকে ৫০০ টাকার একখানা নোট দিলেন। বিক্রেতা ২০ টাকার x খানা নোটসহ বাকি টাকা ফেরত দিলেন।
- ৪। একটি গাড়ি ৪ ঘণ্টায় যায় x কি. মি. এবং ৫ ঘণ্টায় যায় $(x + 120)$ কি. মি.। গাড়িটির গড় গতিবেগ ঘণ্টায় ১০০ কি. মি. এর বেশি নয়।
- ৫। এক টুকরা কাগজের ক্ষেত্রফল ৪০ বর্গ সে. মি.। তা থেকে x সে. মি. দীর্ঘ এবং ৫ সে. মি. প্রস্থ বিশিষ্ট আয়তাকার কাগজ কেটে নেওয়া হলো।
- ৬। পুত্রের বয়স মায়ের বয়সের এক-তৃতীয়াংশ। পিতা মায়ের চেয়ে ৬ বছরের বড়। তিনজনের বয়সের সমষ্টি অনূর্ধ্ব ৯০ বছর। পিতার বয়স অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- ৭। জেনি ১৪ বছর বয়সে জুনিয়র বৃত্তি পরীক্ষা দিয়েছিল। ১৭ বছর বয়সে সে এস.এস.সি পরীক্ষা দিবে। তার বর্তমান বয়স অসমতায় প্রকাশ কর।
- ৮। একখানি জেট প্লেনের গতি প্রতি সেকেন্ডে সর্বাধিক ৩০০ মিটার। প্লেনটি ১৫ কি. মি. যাওয়ার প্রয়োজনীয় সময় অসমতায় প্রকাশ কর।
- ৯। ঢাকা থেকে জেদ্দার বিমান পথে দূরত্ব ৫০০০ কি.মি.। জেট বিমানের সর্বোচ্চ গতিবেগ ঘণ্টায় ৯০০ কি. মি.। কিন্তু ঢাকা থেকে জেদ্দা যাবার পথে প্রতিকূল দিকে ঘণ্টায় ১০০ কি. মি. বেগে বায়ু প্রবাহের সম্মুখীন হতে হয়। ঢাকা থেকে জেদ্দার বিরতিহীন উড্ডয়নের প্রয়োজনীয় সময় একটি অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- ১০। পূর্ববর্তী প্রশ্নের সূত্র ধরে, জেদ্দা থেকে ঢাকা ফেরার পথে উড্ডয়নের প্রয়োজনীয় সময় একটি অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- ১১। কোনো ধনাত্মক পূর্ণ সংখ্যার ৫ গুণ, সংখ্যাটির দ্বিগুণ এবং ১৫ এর সমষ্টি অপেক্ষা ছোট। সংখ্যাটির সম্ভাব্য মান অসমতায় প্রকাশ কর।

দুই চলকবিশিষ্ট সরল একঘাত অসমতা

আমরা দুই চলকবিশিষ্ট $y = mx + c$ (যার সাধারণ আকার $ax + by + c = 0$) আকারে সরল সমীকরণের লেখচিত্র অঙ্কন করতে শিখেছি (অষ্টম ও নবম-দশম)। আমরা দেখেছি যে, এ রকম প্রত্যেক লেখচিত্রই একটি সরল রেখা।

স্থানাঙ্কায়িত x, y সমতলে $ax + by + c = 0$ সমীকরণের লেখচিত্রের যেকোনো বিন্দুর স্থানাঙ্ক সমীকরণটিকে সিদ্ধ করে অর্থাৎ সমীকরণটির বামপক্ষে x ও y এর পরিবর্তে যথাক্রমে ঐ বিন্দুর ভূজ ও কোটি বসালে এর মান শূন্য হয়। অন্যদিকে, লেখচিত্রিত নয় এমন কোনো বিন্দুর স্থানাঙ্কই সমীকরণটিকে সিদ্ধ করে না অর্থাৎ ঐ বিন্দুর ভূজ ও কোটির জন্য $ax + by + c$ এর মান শূন্য অপেক্ষা বড় বা ছোট হয়। সমতলস্থ কোনো বিন্দু P এর ভূজ ও কোটি দ্বারা $ax + by + c$ রাশির x ও y কে যথাক্রমে প্রতিস্থাপন করলে রাশিটির যে মান হয়, তাকে P বিন্দুতে রাশিটির মান বলা হয় এবং উক্ত মানকে সাধারণত $f(P)$ দ্বারা নির্দেশ করা হয়। P বিন্দু লেখচিত্রিত হলে $f(P) = 0$, P বিন্দু লেখচিত্রের বহিঃস্থ হলে $f(P) > 0$ অথবা $f(P) < 0$

বাস্তবে লেখচিত্রের বহিঃস্থ সকল বিন্দু লেখ দ্বারা দুইটি অর্ধতলে বিভক্ত হয় ; একটি অর্ধতলের প্রত্যেক বিন্দু P এর জন্য $f(P) > 0$; অপর অর্ধতলের প্রত্যেক বিন্দু P এর জন্য $f(P) < 0$.

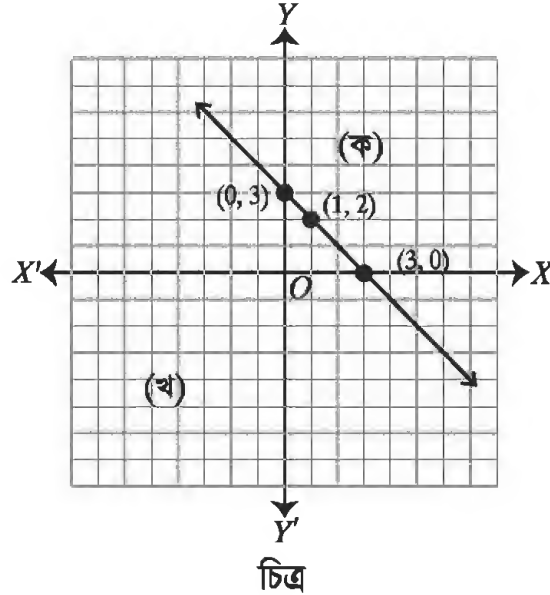
বলা বাহুল্য, লেখের উপর অবস্থিত প্রত্যেক বিন্দু P এর জন্য $f(P) = 0$

উদাহরণ ১। $x + y - 3 = 0$ সমীকরণটি বিবেচনা করি। সমীকরণটি থেকে পাওয়া যায় :

$$y = 3 - x$$

x	0	3	1
y	3	0	2

এবং (x, y) সমতলে ছক কাগজে ছোট বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে সমীকরণটির লেখচিত্রটি নিম্নরূপ হয়:



এই লেখচিত্র রেখা সমগ্র তলটিকে তিনটি অংশে পৃথক করে। যথা:

- (১) রেখার (ক) চিহ্নিত পাশের বিন্দুসমূহ
- (২) রেখার (খ) চিহ্নিত পাশের বিন্দুসমূহ (৩) রেখাস্থিত বিন্দুসমূহ।

এখানে (ক) চিহ্নিত অংশকে লেখ রেখার “উপরের অংশ” ও (খ) চিহ্নিত অংশকে লেখ- রেখার “নিচের অংশ” বলা যায়।

(ক) চিহ্নিত পাশে তিনটি বিন্দু $(3, 3)$, $(4, 1)$, $(6, -1)$ নিই। এই বিন্দুগুলোতে $x + y - 3$ এর মান যথাক্রমে 3, 2, 2 যাদের সবকটিই ধনাত্মক।

(খ) চিহ্নিত পাশে তিনটি বিন্দু $(0, 0)$, $(1, 1)$, $(-1, -1)$ নিই। এই বিন্দুগুলোতে $x + y - 3$ এর মান যথাক্রমে -3 , -1 , -5 যাদের সবকটিই ঋণাত্মক।

বি.দ্র. : $ax + by + c = 0$ লেখ রেখার এক পাশে একটি বিন্দু নিয়ে সেখানে $ax + by + c$ এর মান নির্ণয় করে রেখাটির দুই দিক নির্ণয় করা যায়।

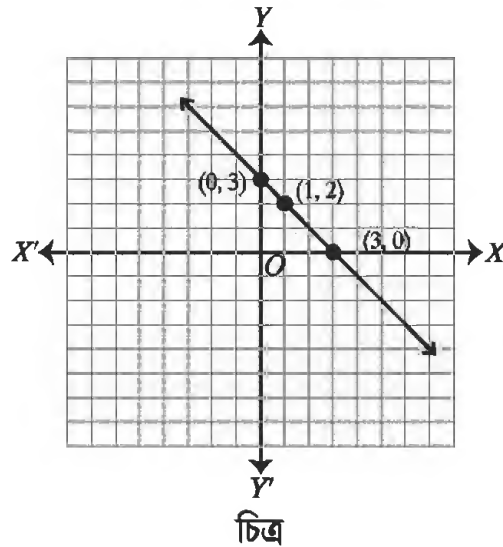
দুই চলকবিশিষ্ট অসমতার লেখচিত্র

উদাহরণ ২। $x + y - 3 > 0$ অথবা $x + y - 3 < 0$ অসমতার লেখচিত্র অঙ্কন কর।

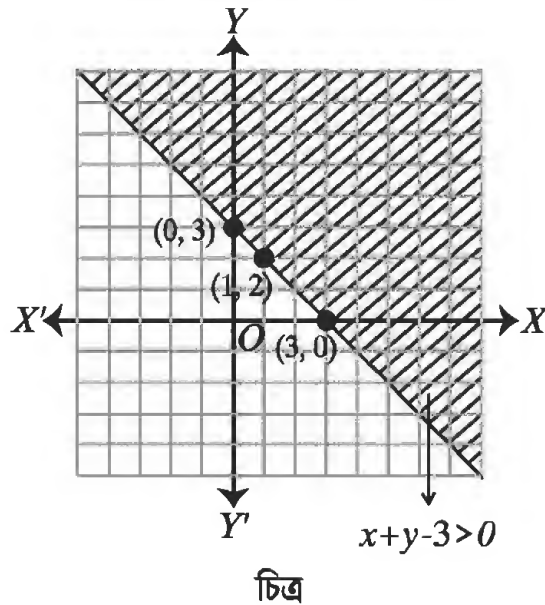
সমাধান : উপরোক্ত অসমতাদ্বয়ের লেখচিত্র অঙ্কন করতে প্রথমেই ছক কাগজে $x + y - 3 = 0$ সমীকরণটির লেখচিত্র অঙ্কন করি।

$x + y - 3 = 0$ সমীকরণ থেকে পাই

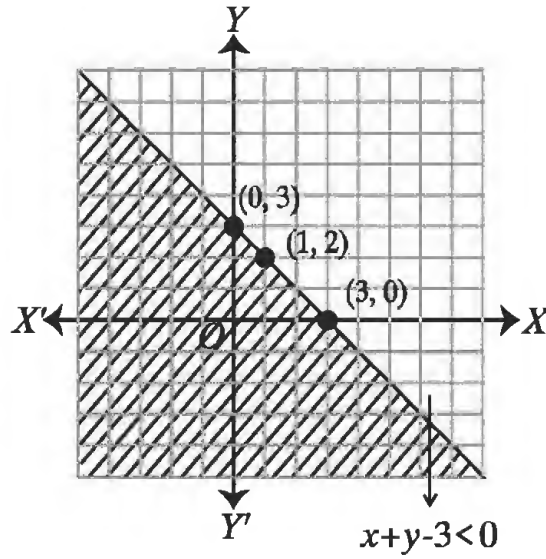
x	0	3	1
y	3	0	2



$x + y - 3 > 0$ অসমতার লেখচিত্র অঙ্কনের জন্য উক্ত অসমতায় মূলবিন্দু $(0, 0)$ এর মান বসালে আমরা পাই $-3 < 0$ যা সত্য নয়। কাজেই, অসমতার ছায়াচিত্র হবে $x + y - 3 = 0$ রেখার যে পাশে মূলবিন্দু রয়েছে তার বিপরীত পাশে।



$x + y - 3 < 0$ অসমতার লেখচিত্র অঙ্কনের জন্য উক্ত অসমতায় মূলবিন্দু $(0, 0)$ এর মান বসালে পাওয়া যায় $-3 < 0$ যা অসমতাকে সিদ্ধ করে বা মান সত্য। কাজেই, এ অবস্থায় অসমতার ছায়াচিত্র হবে রেখাটির যে পাশে মূলবিন্দু রয়েছে সে পাশে।



চিত্র

উদাহরণ ৩। $2x - 3y + 6 \geq 0$ অসমতার সমাধান সেটের বর্ণনা দাও ও চিত্রিত কর।

সমাধান : আমরা প্রথমে $2x - 3y + 6 = 0$ সমীকরণের লেখচিত্র অঙ্কন করি।

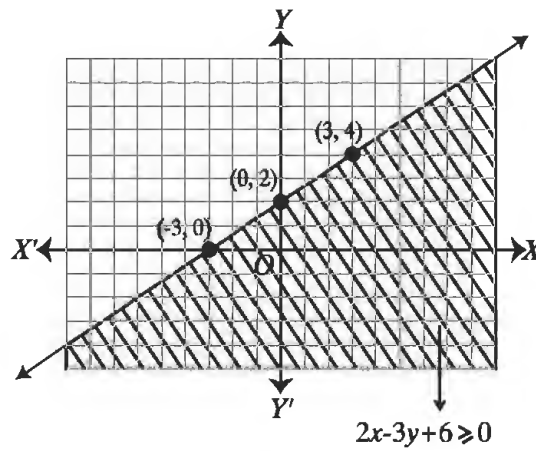
সমীকরণটি থেকে পাওয়া যায় :

$$2x - 3y + 6 \text{ বা } y = \frac{2x}{3} + 2$$

এ লেখচিত্রস্থিত কয়েকটি বিন্দুর স্থানাঙ্ক :

x	0	-3	3
y	2	0	4

স্থানাঙ্কায়িত ছক কাগজে ক্ষুদ্রতম বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (0, 2), (-3, 0), (3, 4) বিন্দুগুলো স্থাপন করে সমীকরণটির লেখচিত্র অঙ্কন করি।



চিত্র

এখন মূলবিন্দু (0, 0) তে $2x - 3y + 6$ রাশির মান 6, যা ধনাত্মক। সুতরাং লেখচিত্র রেখাটির যে পার্শ্বে মূলবিন্দু রয়েছে সেই পার্শ্বের সকল বিন্দুর জন্যই $2x - 3y + 6 > 0$

অতএব, $2x - 3y + 6 \geq 0$ অসমতার সমাধান সেট $2x - 3y + 6 = 0$ সমীকরণের লেখচিত্রস্থিত সকল বিন্দুর এবং লেখচিত্রের যে পার্শ্বে মূলবিন্দু অবস্থিত সেই পার্শ্বের সকল বিন্দুর স্থানাঙ্ক সমন্বয়ে গঠিত।

এই সমাধান সেটের লেখচিত্র উপরের চিত্রের চিহ্নিত অংশটুকু যার মধ্যে লেখচিত্র রেখাটিও অন্তর্ভুক্ত।

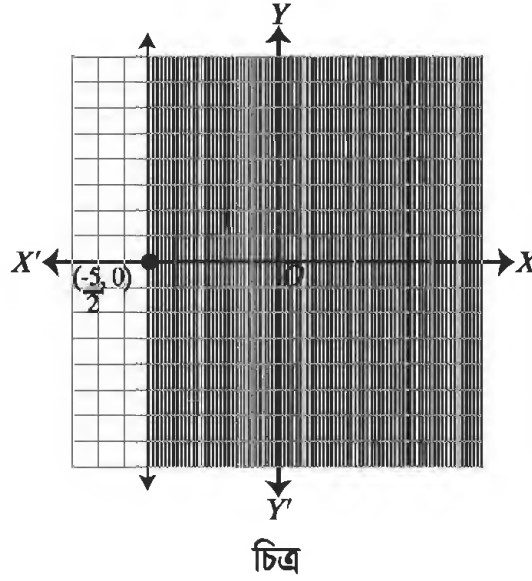
উদাহরণ ৪। (x, y) সমতলে, $-2x < 5$ অসমতার লেখচিত্র অঙ্কন কর।

সমাধান : $-2x < 5$ অসমতাটিকে এভাবে লেখা যায়।

$$2x + 5 > 0 \quad \text{বা, } 2x > -5 \quad \text{বা, } x > -\frac{5}{2}$$

এখন স্থানাঙ্কায়িত (x, y) সমতলে $x = -\frac{5}{2}$ সমীকরণের লেখচিত্র অঙ্কন করি। ছক কাগজের ক্ষুদ্রতম বর্গের বাহুর

দৈর্ঘ্যের দ্বিগুণকে একক ধরে $\left(-\frac{5}{2}, 0\right)$ বিন্দু দিয়ে y অক্ষের সমান্তরাল করে লেখচিত্র রেখাটি অঙ্কন করা হলো।



এই লেখচিত্র রেখার ডান পাশে মূলবিন্দু অবস্থিত এবং মূলবিন্দুতে $x = 0$ যা, $> -\frac{5}{2}$

সুতরাং লেখচিত্র রেখার ডান পাশের সকল বিন্দুর স্থানাঙ্কই প্রদত্ত অসমতার সমাধান (লেখচিত্র রেখার বিন্দুগুলো বিবেচ্য নয়)। সমাধান সেটের লেখচিত্র উপরের চিত্রের চিহ্নিত অংশটুকু (যার মধ্যে লেখচিত্র রেখাটি অন্তর্ভুক্ত নয়)।

উদাহরণ ৫। $y \leq 2x$ অসমতার লেখচিত্র অঙ্কন কর।

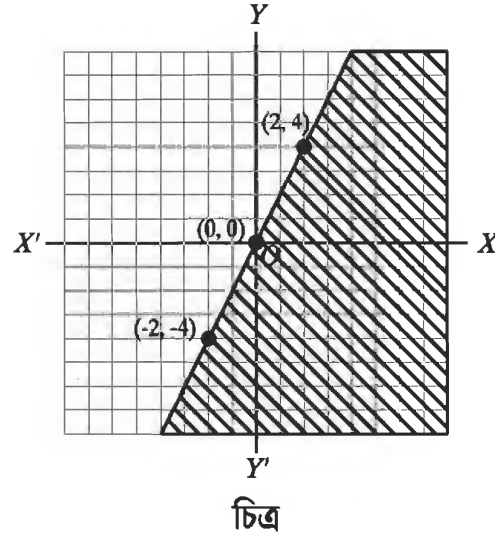
সমাধান : $y \leq 2x$ অসমতাটিকে $y - 2x \leq 0$ আকারে লেখা যায়।

$$\text{এখন } y - 2x = 0 \text{ অর্থাৎ } y = 2x$$

সমীকরণের লেখচিত্র অঙ্কন করি। সমীকরণটি থেকে পাই,

x	0	2	-2
y	0	4	-4

স্থানাঙ্কায়িত ছক কাগজের ক্ষুদ্রতম বর্গের দৈর্ঘ্যকে একক ধরে $(0, 0)$, $(2, 4)$, $(-2, -4)$ বিন্দুগুলোকে স্থাপন করে লেখচিত্র রেখাটি অঙ্কন করা হলো।



(1, 0) বিন্দু লেখচিত্র রেখার ‘নিচের অংশে’ আছে। এই বিন্দুতে $y - 2x = 0 - 2 \times 1 = -2 < 0$

সুতরাং লেখচিত্র রেখাটি ও তার নিচের অংশ [অর্থাৎ যে অংশে (1, 0) বিন্দুটি অবস্থিত] সমন্বয়ে গঠিত সমতলের অংশটুকুই প্রদত্ত অসমতার লেখচিত্র।

অনুশীলনী ৬.৩

১। $5x + 5 > 25$ অসমতাটির সমাধান সেট কোনটি?

ক. $S = \{x \in \mathbb{R} : x > 4\}$

খ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x < 4\}$

গ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 4\}$

ঘ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x \geq 4\}$

২। $x + y = -2$ সমীকরণটিতে x এর কোণ মানের জন্য $y = 0$ হবে?

ক. 2 খ. 0 গ. 4 ঘ. -2

৩। $2xy + y = 3$ সমীকরণটির সঠিক স্থানাংক কোনগুলো ?

ক. (1, -1), (2, -1)

খ. (1, 1), (2, -1)

গ. (1, 1), (-2, 1)

ঘ. (-1, 1), (2, -1)

নিম্নে অসমতাটি থেকে ৪ ও ৫ নম্বর প্রশ্নের উত্তর দাও:

$$x \leq \frac{x}{4} + 3$$

৪। অসমতাটির সমাধান সেট কোনটি?

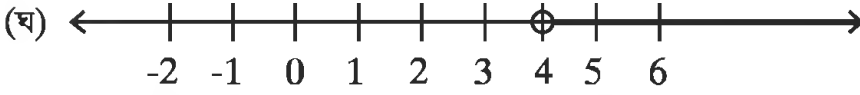
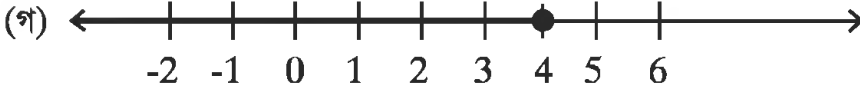
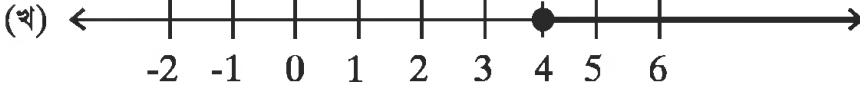
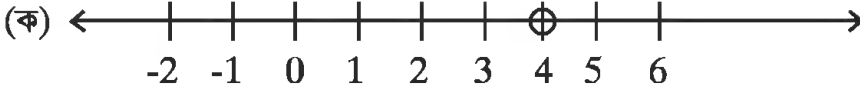
ক. $S = \{x \in \mathbb{R} : x > 4\}$

খ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x < 4\}$

গ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x \leq 4\}$

ঘ. $S = \{x \in \mathbb{R} : x \geq 4\}$

৫। অসমতাটির সমাধান সেটের সংখ্যা রেখা কোনটি?



নিম্নের অনুচ্ছেদটি পড়ে ৬, ৭ ও ৮ নম্বর প্রশ্নগুলোর উত্তর দাও:

একজন ছাত্রী 10.00 টাকা ধরে x টি পেন্সিল 6.00 টাকা ধরে $(x+3)$ টি খাতা কিনেছে। সবগুলো মিলে মোট মূল্য অনূর্ধ্ব 114.00 টাকা।

৬। সমস্যাটির অসমতায় প্রকাশ কোনটি ?

i $10x + 6(x+3) \leq 114$

ii $10x + 6(x+3) \geq 114$

iii $10x + 6(x+3) < 114$

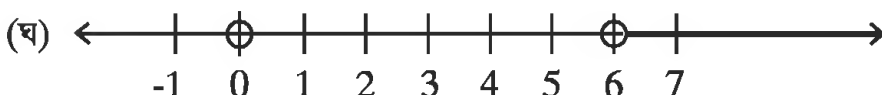
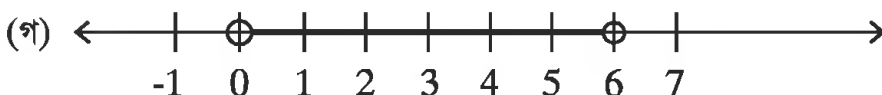
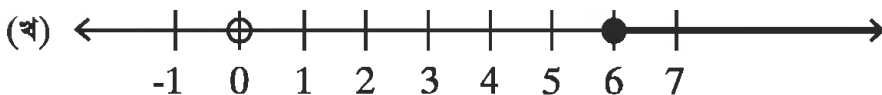
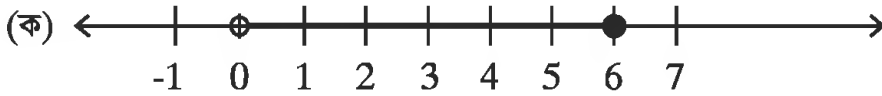
নিচের কোনটি সঠিক ?

ক. i খ. ii গ. iii ঘ. i ও ii

৭। ছাত্রীটি সর্বাধিক কতটি পেন্সিল কিনল?

ক. 1 টি খ. 3 টি গ. 5 টি ঘ. 6 টি

৮। সমস্যাটির সংখ্যা রেখা কোনটি প্রযোজ্য হবে?



৯। নিচের প্রত্যেক অসমতার সমাধান সেটের লেখচিত্র অঙ্কন কর:

(i) $x - y > -10$ (ii) $2x - y < 6$

(iii) $3x - y \geq 0$ (iv) $3x - 2y \leq 12$

(v) $y < -2$ (vi) $x \geq 4$

(vii) $y > x + 2$ (viii) $y < x + 2$

(ix) $y \geq 2x$ (x) $x + 3y < 0$

১০। হযরত শাহজালাল বিমান বন্দর থেকে সিঙ্গাপুর বিমান বন্দরের দূরত্ব ১৭৯৩ কি.মি.। বাংলাদেশ বিমানের সর্বোচ্চ গতিবেগ ৫০০ কি.মি./ঘণ্টা। কিন্তু হযরত শাহজালাল বিমান বন্দর থেকে সিঙ্গাপুর যাবার পথে প্রতিকূলে ৬০ কি.মি/ঘণ্টা বেগে বায়ু প্রবাহের সম্মুখীন হয়।

ক. উদ্দীপকের সমস্যাটির প্রয়োজনীয় সময় t ঘণ্টা ধরে সমস্যাটিকে অসমতায় দেখাও।

খ. হযরত শাহজালাল বিমানবন্দর থেকে সিঙ্গাপুর বিমান বন্দরের বিরতিহীন উড্ডয়নের প্রয়োজনীয় সময় (ক) তে বর্ণিত অসমতা থেকে নির্ণয় কর এবং সংখ্যা রেখায় দেখাও।

গ. সিঙ্গাপুর থেকে হযরত শাহজালাল বিমানবন্দরে ফেরার পথে বিরতিহীন উড্ডয়নের প্রয়োজনীয় সময়কে x ধরে সমস্যাটিকে অসমতার মাধ্যমে প্রকাশ করে লেখের সাহায্যে সমাধান কর।

১১। দুইটি সংখ্যার ১ম সংখ্যাটির ৩ গুণ থেকে ২য় সংখ্যাটির ৫ গুণ বিয়োগ করলে ৫ অপেক্ষা বৃহত্তর হয়। আবার ১ম সংখ্যা থেকে ২য় সংখ্যার ৩ গুণ বিয়োগ করলে অনূর্ধ্ব ৯ হয়।

ক. উদ্দীপকের সমস্যাগুলোকে অসমতায় দেখাও।

খ. যদি ১ম সংখ্যাটির ৫ গুণ, ১ম সংখ্যার দ্বিগুণ এবং ১৫ এর সমষ্টি অপেক্ষা ছোট হলে সংখ্যাটির সম্ভাব্য মান অসমতায় প্রকাশ কর।

গ. ক নং এ প্রাপ্ত প্রত্যেক অসমতা যুগলের সমাধান সেটের লেখচিত্র অঙ্কন কর।